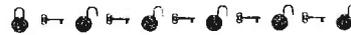




Série : Scientifique
Option : C
Code matière : 011

Épreuve de : SCIENCES PHYSIQUES
Durée : 04 heures
Coefficient : 5



N.B :- Les cinq (5) exercices et le problème sont obligatoires

- L'utilisation de la machine à calculer non programmable est autorisée.

CHIMIE ORGANIQUE (3 points)

La combustion complète de 4,4g d'un alcool chiral A à chaîne ramifiée donne 5,6L de dioxyde de carbone et de l'eau.

1-a) Donner la formule brute de A ainsi que sa formule semi-développée. Le nommer (0,75 pt)

b) Représenter en perspective les deux énantiomères de A. (0,25 pt)

2- On fait réagir un mélange équimolaire de 8,8g de 3-méthylbutan-1-ol et de l'acide carboxylique D.

On obtient un composé organique E de masse molaire $M=130\text{g}\cdot\text{mol}^{-1}$.

a) Déterminer les formules semi-développées de E et D. Les nommer (1pt)

b) Sachant que le rendement de la réaction est $r = 60\%$. Déterminer la masse d'acide initiale et en déduire la masse d'acide restante. (1 pt)

On donne : $M(\text{H}) = 1\text{g}\cdot\text{mol}^{-1}$

$M(\text{C}) = 12\text{g}\cdot\text{mol}^{-1}$

$M(\text{O}) = 16\text{g}\cdot\text{mol}^{-1}$

Volume molaire $V_m = 22,4\text{L}\cdot\text{mol}^{-1}$

CHIMIE GÉNÉRALE (3 points)

1- On étudie une solution d'ammoniac NH_3 de concentration molaire $C = 6 \cdot 10^{-3} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$, son coefficient de dissociation α est tel que $\alpha = 5 \cdot 10^{-2}$.

a)- Ecrire l'équation de dissociation de l'ammoniac avec l'eau. (0,5 pt)

b)- Montrer que :

• $\text{pH} = 14 + \log(C\alpha)$ (0,5 pt)

• $\text{pK}_A = 14 + \log\left(\frac{C\alpha^2}{1-\alpha}\right)$ (0,5 pt)

puis calculer pK_A et pH . A 25°C , $K_e = 10^{-14}$ (0,5 pt)

2- On considère une solution S_1 d'ammoniac de concentration molaire $C_1 = 6 \cdot 10^{-3} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$ et de volume $V_1 = 20\text{mL}$. On veut obtenir une solution diluée d'ammoniac S_2 , de volume V_2 , de $\text{pH} = 10$.

On ajoute alors de l'eau distillée, de volume V_e dans S_1 . Déterminer V_2 et en déduire V_e (1 pt)

PHYSIQUE NUCLEAIRE (2 points)

1- Le rubidium ${}^{87}_{37}\text{Rb}$ est radioactif ; il se désintègre en strontium ${}^{87}_{38}\text{Sr}$.

Ecrire l'équation de la désintégration de ${}^{87}_{37}\text{Rb}$.

Dé quel type de radioactivité s'agit-il ?

(0,5 pt)

2- La demi-vie radioactive (ou période) du ${}^{87}_{37}\text{Rb}$ est $T = 49 \cdot 10^9$ années. Un échantillon de ${}^{87}\text{Rb}$ a pour masse $m_0 = 1\text{g}$ à l'instant $t = 0$.

Calculer l'activité de cet échantillon à l'instant $t = 14,7 \cdot 10^{10}$ années.

(0,5 pt)

3- Au moment de sa formation, des roches contenant des fossiles, ne contiennent pas de strontium.

A l'instant t , un géologue constate que le rapport $\frac{N(\text{Sr})}{N(\text{Rb})} = 1,8 \cdot 10^{-2}$ où $N(\text{Sr})$ désigne le nombre de

noyaux de strontium formés et $N(\text{Rb})$ désigne le nombre de noyaux de rubidium restants à l'instant t .

a) Exprimer $r = \frac{N(\text{Sr})}{N(\text{Rb})}$ en fonction de λ et t où λ est la constante radioactive de ${}^{87}\text{Rb}$. (0,5pt)

b) Déterminer la date t (0,5 pt)

On donne : $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$

$M(\text{Rb}) = 87\text{g}\cdot\text{mol}^{-1}$

OPTIQUE GEOMETRIQUE (2 points)

On considère une lentille mince convergente L_1 de distance focale $f_1' = 20\text{cm}$ et de centre optique O_1 .

Un objet AB est placé à 40cm devant L_1 et placé perpendiculairement à l'axe optique. Le point A se trouve sur l'axe optique et B au dessus de A. On donne $AB = 2\text{cm}$

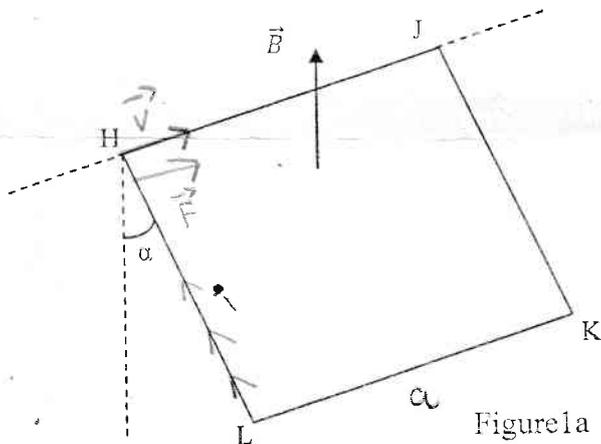
- Déterminer les caractéristiques (position, nature, sens et grandeur) de l'image A_1B_1 de AB par L_1 . (1pt)
- On place derrière L_1 une lentille L_2 divergente de centre optique O_2 et de distance focale $f_2' = -20\text{cm}$. Les axes optiques de deux lentilles sont confondus.
 - Calculer la distance O_1O_2 séparant les deux lentilles L_1 et L_2 pour que l'image finale A_2B_2 de AB donnée par le système optique (L_1, L_2) soit deux fois plus petite et renversée (0,5 pt)
 - Faire la construction graphique (0,5 pt)
Echelle : suivant l'axe optique : $\frac{1}{10}$
suivant l'objet en vraie grandeur

ELECTROMAGNETISME : (4 points)

Les deux parties A et B sont indépendantes

PARTIE A (2 points)

Un cadre carré HJKL de côté a est constitué d'un seul tour de fil conducteur rigide de masse m . Ce cadre est mobile autour de son côté HJ horizontal. On néglige les frottements sur l'axe (HJ). Le cadre est plongé dans un champ magnétique uniforme \vec{B} vertical dirigé vers le haut et de valeur B . Initialement, le cadre est dans un plan vertical. Lorsqu'il est parcouru par un courant d'intensité I , il s'incline d'un angle α par rapport à la verticale (Figure 1)



Vue en perspective

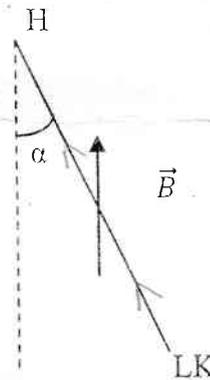


Figure 1b

Vue de profil

- Représenter sur la figure 1a le sens du courant et sur la figure 1b la force électromagnétique agissant sur le côté LK. (0,75)
Indication : les forces électromagnétiques sur les côtés HL, HJ et KJ n'ont aucun effet sur la rotation du cadre.
- Exprimer B en fonction de I, α, g et μ puis calculer sa valeur. (1,25)
 μ : masse linéique du fil constituant le cadre

On donne : $I = 1,5\text{A}$; $\alpha = 21^\circ$; $g = 9,8 \text{ N.kg}^{-1}$ et $\mu = 2 \cdot 10^{-3} \text{ kg.m}^{-1}$

PARTIE B (2 points)

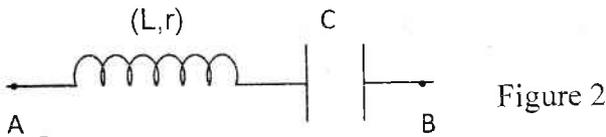
On place en série, entre deux points A et B, une bobine d'inductance L et de résistance interne $r = 80\Omega$ et un condensateur de capacité C (Figure 2). L'ensemble est soumis à une tension sinusoïdale $u(t)$ tel que

$$u(t) = U\sqrt{2} \sin(\omega t + \varphi) \text{ où } U = 100\text{V} \text{ et } \omega = 100 \pi \text{ rad.s}^{-1}.$$

L'intensité efficace du courant traversant le circuit vaut $I = 0,5\text{A}$. La tension efficace aux bornes du condensateur est $U_c = 120\text{V}$.

- Sachant que la pulsation ω du circuit est supérieure à la pulsation ω_0 à la résonance.
 - Tracer le diagramme de Fresnel relatif à la tension efficace de ce circuit. (0,5pt)

- b) Déterminer la phase φ de la tension $u(t)$ par rapport à $i(t)$ (0,5 pt)
- 2- Dans la suite du problème, on prendra $\varphi = 1,16\text{rad}$
- a) En utilisant le diagramme de Fresnel, déterminer φ_B , phase de la tension $u_B(t)$ aux bornes de la bobine par rapport à l'intensité du courant $i(t)$ (0,5 pt)
- b) Déterminer l'inductance L de la bobine. (0,5 pt)



MECANIQUE (6 points)

Les parties A et B sont indépendantes. On prendra $g = 10\text{m.s}^{-2}$

PARTIE A (3 points)

Une piste est constituée de :

- Une partie rectiligne AO inclinée d'un angle $\alpha = 30^\circ$ par rapport à l'horizontale.
- OB : partie rectiligne horizontale
- BD : un quart de cercle de centre I et de rayon $R = 30\text{cm}$ (Figure3)

- 1- Un solide ponctuel (S) de masse $m = 100\text{g}$ part sans vitesse initiale en A et arrive en O avec une vitesse $V_0 = 2\text{m.s}^{-1}$.

Au cours de la descente, les frottements équivalents à une force unique \vec{f} , s'opposent à tout instant au vecteur vitesse \vec{V} .

Déterminer l'intensité f de la force de frottement \vec{f} sachant que $AO = 1\text{m}$. (0,5pt)

- 2- Arrivé en O avec la vitesse V_0 précédente, le solide (S) continue sa course sur le plan horizontal OB rugueux. La force de frottement \vec{f} est proportionnelle au vecteur vitesse tel que $\vec{f} = -k\vec{V}$ où k est une constante positive.

Montrer que :

- a) Sa vitesse à chaque instant peut s'écrire sous la forme : $V = V_0 e^{-\frac{k}{m}t}$ et que son équation horaire :

$$x = \frac{mV_0}{k} \left[1 - e^{-\frac{k}{m}t} \right] \quad (1\text{pt})$$

- b) Au cours d'un temps infiniment long, le solide arrive en B avec une vitesse quasiment nulle. Déterminer la distance OB parcourue par (S) (0,5pt)

On donne $k = 1\text{USI}$

- 3- Le solide, partant sans vitesse en B, glisse sans frottement sur la partie circulaire BD.

A l'instant t , lorsqu'il est en M, il est repéré par l'angle $\theta = (\overrightarrow{ID}, \overrightarrow{IM})$.

- a) Exprimer l'intensité N de la réaction normale du support exercé par la piste sur le solide (S) en fonction de m , g , R et θ . (0,5pt)
- b) Le solide quitte la piste en E à une hauteur d du sol horizontal. Déterminer d . (0,5pt)

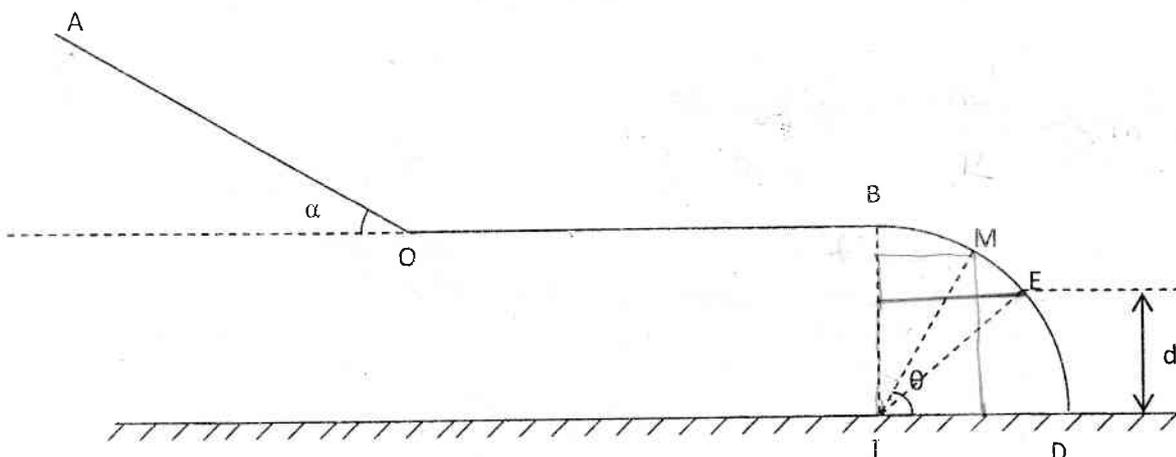


Figure 3

PARTIE B (3points)

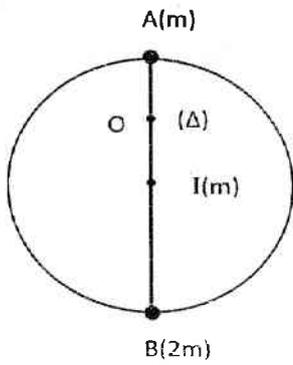


Figure 4a

Un système (S) est constitué:

- d'un cerceau de centre I, de rayon R et de masse m.
- d'une tige de masse négligeable de longueur 2R fixé en deux points A et B du cerceau diamétralement opposés.
- de deux solides ponctuels de masses respectives m et 2m placés respectivement en A et B (figure 4a)

Le système (S) peut tourner autour d'un axe horizontal (Δ) passant par un point O de la tige tel que $OI = \frac{R}{2}$

1- Montrer que :

a)- La distance OG où G est le centre d'inertie du système (S) est tel que $OG = \frac{3R}{4}$ (0,5pt)

b)- le moment d'inertie de (S) par rapport à l'axe (Δ) est $J_{\Delta} = 6mR^2$ (0,5pt)

2- On écarte (S) d'un angle θ_m faible de sa position d'équilibre puis on l'abandonne sans vitesse initiale. Etablir l'équation différentielle régissant le mouvement de (S) et montrer que sa période d'oscillation est

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{2R}{g}} \quad (1pt)$$

3- On fixe au système (S) précédent au point O deux fils de torsion de même caractéristique. On note C la constante de torsion de chaque fil (figure 4b)

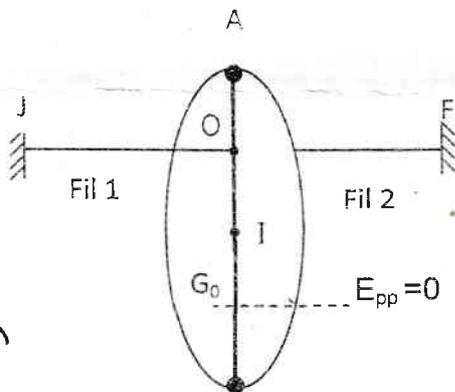


Figure 4b

*m dm cm
0,2 0*

Les autres extrémités de deux fils sont fixés respectivement aux points J et F.

On écarte le système (S') ainsi constitué de même angle θ_m faible de sa position d'équilibre.

a)- En utilisant la conservation de l'énergie mécanique, établir l'équation différentielle régissant le mouvement de (S') (0,5pt)

b)- Montrer que sa période d'oscillation est $T_1 = 2\pi \sqrt{\frac{6mR^2}{2C+3mgR}}$ (0,25pt)

4- Sachant que $T_0 = 2T_1$, établir l'expression de C, en fonction de m, g et R puis calculer. (0,25pt)

On donne : $m = 100g$, $R = 20cm$, $g = 10m.s^{-2}$

• On prendra comme origine des altitudes et comme plan de référence pour l'énergie potentielle de pesanteur la position G_0 du centre d'inertie du système (S') à l'équilibre.

• Pour θ faible : $\begin{cases} \sin\theta \approx \theta \text{ (rad)} \\ \cos\theta \approx 1 - \frac{\theta^2}{2} \end{cases}$