

# Généralités sur les fonctions : Exercices

## 1. Exercice 1

Dans chaque cas trouver les limites suivantes :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f+g)(x)$

a)  $f(x) = 2x+1$  et  $g(x) = -x$

b)  $f(x) = x^2+1$  et  $g(x) = -x^2$

c)  $f(x) = x + \frac{1}{x}$  et  $g(x) = -2x$

## 2. Exercice 2

Dans chaque cas trouver les limites suivantes :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f \times g)(x)$

a)  $f(x) = x^2$  et  $g(x) = \frac{1}{x}$

b)  $f(x) = \frac{2}{x^2}$  et  $g(x) = -\frac{1}{x}$

c)  $f(x) = 5x^3 + 1$  et  $g(x) = \frac{2}{x^3}$

## 3. Exercice 3

Dans chaque cas trouver les limites suivantes :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{f}{g}\right)(x)$

a)  $f(x) = \frac{1}{x}$  et  $g(x) = \frac{2}{x}$

b)  $f(x) = \frac{2}{x^2}$  et  $g(x) = \frac{-1}{x}$

c)  $f(x) = \frac{1}{x}$  et  $g(x) = \frac{1}{x^2}$

## 4. Exercice 4

Étudier la limite de  $f$  en  $a$  (il peut être nécessaire d'étudier la limite à gauche et la limite à droite en  $a$ ) :

a)  $f(x) = \frac{2x-5}{x}$  et  $a = 0$

b)  $f(x) = \frac{x^2-2}{x-1}$  et  $a = 1$

c)  $f(x) = \frac{2}{x^2-1}$

## 5. Exercice 5

Étudier la limite en  $-\infty$  et en  $+\infty$  de  $f$  si :

a)  $f(x) = 3x^2 + 1$  ; b)  $f(x) = -2x^2 + 3$  ; c)  $f(x) = 2 - x - x^2$  ; d)  $f(x) = x^2 - 5x + 6$  ; e)  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 4$

f)  $f(x) = 2 \frac{x}{x-3}$  ; g)  $f(x) = 3 + \frac{1}{x+2}$  ; h)  $f(x) = x - 2 + \frac{3}{x}$  ; i)  $f(x) = \frac{x^2 + 12}{x^2 - 8}$

## 6. Exercice 6

Soit  $f(x) = \frac{-3x+12}{x-1}$ . Soit  $(C)$  sa courbe dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- 1) Déterminer la condition d'existence de  $f$ . En déduire son ensemble de définition
- 2) Calculer les limites de  $f$  aux bornes de son ensemble de définition
- 3) Quels sont les asymptotes à la courbe de  $f$

## 7. Exercice 7

Soit  $f(x) = \frac{x+1}{x-2}$ . Soit  $(C)$  sa courbe dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- 1) Déterminer la condition d'existence de  $f$ . En déduire son ensemble de définition
- 2) Calculer les limites de  $f$  aux bornes de son ensemble de définition
- 3) Quels sont les asymptotes à la courbe de  $f$
- 4) Trouver les coordonnées des points d'intersection de  $(C)$  avec les axes
- 5) Montrer que  $\Omega(2;1)$  centre de symétrie

## 8. Exercice 8

Soit  $f(x) = \frac{x^2}{x-1}$ . Soit  $(C)$  sa courbe dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- 1) Déterminer la condition d'existence de  $f$ . En déduire son ensemble de définition
- 2) Calculer les limites de  $f$  aux bornes de son ensemble de définition
- 3) Trouver les coordonnées des points d'intersection de  $(C)$  avec les axes
- 4) a – Vérifier que  $f(x) = x + 1 + \frac{1}{x-1}$ 
  - b – Montrer que la droite  $(D) : y = x + 1$  est asymptote à  $(C)$
  - c – Étudier la position relative de  $(C)$  et  $(D)$
- 5) Montrer que  $\Omega(2;1)$  centre de symétrie