

**BACC 2008 MATHS (GC-IND-AGRI)****EXERCICE 1 NOMBRES COMPLEXES**

On considère, dans  $\mathbb{C}$ , le polynôme  $Q$  défini par

$$Q(z) = z^3 - 3z^2 + 4z - 12.$$

1 -a) Calculer  $Q(3)$ . Interpréter ce résultat.

b) Déterminer les nombres réels  $m$  et  $n$  tels que :

$$Q(z) = (z - 3)(z^2 + mz + n).$$

c) Résoudre, dans  $\mathbb{C}$ , l'équation :  $Q(z) = 0$ .

2 - Dans le plan complexe  $(P)$  muni d'un repère orthonormé direct  $(O, \vec{u}, \vec{v})$ , on donne les points  $A, B$  et  $C$  d'affixes respectives  $(3)$  ;  $(2i)$  et  $(-2i)$ .

a) Placer les points  $A, B$  et  $C$ .

b) Calculer  $|z_B - z_A|$  et  $|z_C - z_A|$ .

c) En déduire la nature du triangle  $ABC$ .

**EXERCICE 2 PROBABILITE**

Une urne contient 9 jetons indiscernables au toucher et numérotés de 21 à 29. Le jeu consiste à tirer simultanément et au hasard trois boules de l'urne.

1 - Déterminer le nombre de tirages possibles.

2 - Calculer la probabilité de chacun des événements suivants :

A : "deux et deux seulement des numéros sortis sont impairs".

B : "les trois numéros sortis sont tous impairs".

C : "le produit des trois numéros sortis est égal à 12 075".

**NB : On donnera les résultats sous forme de fraction irréductible.**

**PROBLEME FONCTION ET SUITE**

$g$  est la fonction numérique définie sur  $\mathbb{R}$  par  $g(x) = \frac{1 - e^x}{1 + e^x}$ .

On désigne par  $(C)$  sa courbe représentative dans un plan  $(P)$  muni d'un repère orthonormé direct  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  d'unité graphique 2 cm.

**PARTIE A**

1 - Montrer que  $g$  est une fonction impaire. Interpréter graphiquement ce résultat.

2 - a) Déterminer les deux réels  $c$  et  $d$  tels que pour tout réel  $x$  :  $g(x) = c + \frac{d}{1 + e^x}$ .

b) Calculer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ . Interpréter graphiquement ce résultat

c) Calculer  $g'(x)$  où  $g'$  est la fonction dérivée de  $g$ .

d) Dresser le tableau de variation de  $g$  uniquement sur  $[0; +\infty[$ .

3 - Utiliser la parité de  $g$  pour construire  $(C)$  sur  $\mathbb{R}$  tout entier ; on précisera la tangente à l'origine.

4 -  $G$  est la fonction numérique définie sur  $\mathbb{R}$  par

$$G(x) = x - 2\ln(1 + e^x).$$

a) Montrer que  $G$  est une primitive de  $g$  sur  $\mathbb{R}$ .

- b) En déduire, en  $\text{cm}^2$ , l'aire **A** du domaine plan délimité par **(C)**, l'axe des abscisses et les droites d'équations  $x = 0$  et  $x = 1$ .
- c) Hachurer l'aire **A**.

**PARTIE B**

$(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est la suite numérique définie par  $V_n = \ln[3(2^n)]$ .

1 - Calculer  $V_0$ ,  $V_1$  et  $V_2$

2 - Montrer que  $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est une suite arithmétique dont on donnera la raison.

---