

## TRANSFORMATION MUTUELLE DE L'ENERGIE MECANIQUE

### ENERGIE MECANIQUE D'UN SYSTEME – BILANS ENERGETIQUES

#### I- ENERGIE MECANIQUE

L'énergie mécanique  $E_m$  d'un système est une grandeur macroscopique, somme de son énergie cinétique  $E_c$  et de son énergie potentielle  $E_p$ .

$$E_m (J) = E_c(J) + E_p (J)$$

L'énergie mécanique dépend du référentiel d'étude.

#### 1.1 Energie cinétique

Prenons le cas d'un système en translation. L'énergie cinétique  $E_c$  est donnée par la relation:

$$E_c = 1/2 .m.v^2$$

$E_c$  en Joule (J), m en kg, v en m/s

Cette relation ne s'applique pas pour les solides en rotation.

Exemple: L'énergie cinétique d'une voiture qui pèse 1 tonne et qui roule à 130km/h est:

$$E_c = 1/2 . 1000 . (130/3,6)^2 = 652006 J$$

#### Effet d'une force

Une force parallèle au vecteur déplacement ne modifie pas la direction de ce vecteur mais agit sur son sens et sa valeur. Elle modifie l'énergie cinétique. **Elle travaille.**

Une force perpendiculaire au vecteur déplacement change la direction de ce vecteur mais n'agit pas sur sa valeur. Elle ne modifie pas l'énergie cinétique. **Elle ne travaille pas.**

#### 1.2 Energie potentielle

##### Définition:

C'est l'énergie  $E_p$  que possède un système déformable spontanément car ses différentes parties sont en interaction «conservative» ou de «de champ». (Les actions à distance sont conservatives)).

Dans ce chapitre, nous nous intéressons à l'énergie potentielle de pesanteur  $E_p$  d'un système .

L'énergie potentielle de pesanteur  $E_p$  d'un système est donnée par la relation:

$$E_p(J) = mgz$$

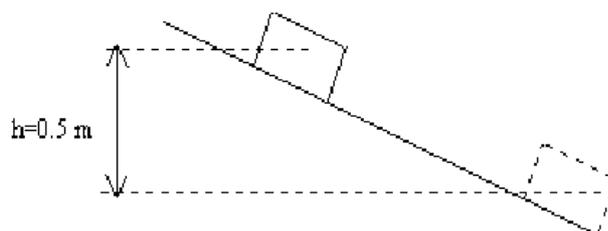
en prenant comme état de référence  $E_p = 0$ ,

où est l'altitude du centre d'inertie du solide de masse m, mesurée sur un axe vertical orienté vers le haut.

##### Remarques:

- l'altitude z est défini par rapport à une origine
- l'énergie potentielle de pesanteur dépend du choix de cette origine
- par contre une variation d'énergie potentielle ne dépend que de la différence d'altitude.

Exemple: Un mobile autoporteur de masse  $m=500g$  descend d'une hauteur de 50cm sur un plan incliné. Au départ, sa vitesse est nulle. Quelle est sa vitesse lorsqu'il arrive en bas?



L'énergie mécanique est:

$$E_m = E_c + E_p = 1/2.m.v^2 + m.g.h = 0 + 0,5.10.0,5 = 2,5J$$

D'après la conservation de l'énergie mécanique, comme l'énergie potentielle sera nulle en bas du plan incliné:

$$E_m = E'_c = 1/2.m.v'^2$$

$$v' = (2.E_m/m)^{1/2} = 3,16 \text{ m/s}$$

## II- Conservation de l'énergie mécanique d'un système

### Définition:

Un système est conservatif s'il n'échange de l'énergie ni par travail, ni par chaleur, ni par rayonnement avec le milieu extérieur.

Dans ce cas, son énergie mécanique est constante.

$$E_m = \text{cste} = E_c + E_p$$

Energie de la conservation de l'énergie mécanique:

$$\text{A l'état 1: } E_m = E_{c1} + E_{p1}$$

$$\text{A l'état 2: } E_m = E_{c2} + E_{p2}$$

$$E_{c1} + E_{p1} = E_{c2} + E_{p2}$$

$$(E_{c1} + E_{p1}) - (E_{c2} + E_{p2}) = 0$$

$$(E_{p2} - E_{p1}) + (E_{c2} - E_{c1}) = 0$$

$$\Delta E_p + \Delta E_c = 0 \quad \text{soit:} \quad \Delta E_c = - \Delta E_p$$

Donc au sein d'un même système, il peut se produire des transformations mutuelles d'énergie potentielle en énergie cinétique (ou vice-versa)

## III- Non-conservation de l'énergie mécanique d'un système

### 3.1 Cas d'un système isolé

Prenons le cas d'une plume qui tombe. Le système descend alors à vitesse constante.

En conséquence,  $v = \text{cste}$  d'où  $\Delta E_c = 0$ . Or si on prend le sol comme référence

$\Delta E_p < 0$  car la plume tombe.

$$\text{Donc } \Delta E = 0 = \Delta E_m + \Delta E_p \quad (<0)$$

Le système étant isolé, son énergie mécanique totale E reste constante.

$$\Delta E = 0 = \Delta E_m + \Delta U_{\text{mic}}$$

$$\Delta U_{\text{mic}} = - \Delta E_m$$

$U_{\text{mic}}$  est positif: c'est l'échauffement de l'air (frottements)

### Conclusion:

L'énergie mécanique d'un système isolé varie dans la plupart des cas à cause des frottements entre les différentes parties du système.

### **3.2 Cas d'un système non isolé**

Le travail d'une force  $W_f$ , dont le point d'application se déplace d'une distance  $d$  dans la direction de sa droite d'action est:

- $W_f = + F \cdot d$  (déplacement et force de même sens)
- $W_f = - F \cdot d$  (déplacement et force de sens contraire)

$W_f$  s'exprime en Joule (J)

$F$  en Newton (N),  $d$  en mètres (m)