

Exercice 1

1) a- Phénomène observé sur l'écran (E)

On observe sur l'écran E des raies alternativement brillantes et sombres ; Ce sont des franges d'interférences qui ne sont pas localisées. La frange centrale est brillante.

Les franges brillantes et sombres correspondent respectivement au point mobile et immobile de l'interférence mécanique.

Les deux sources synchrones sont ici les 2 sources virtuelles F_1 et F_2 images de la source réelle F.

b- Conclusion : La lumière est donc de nature vibratoire caractérisée par sa fréquence n et sa longueur d'onde λ_1

2) Définition de l'interfrange i : c'est la distance entre deux franges consécutives de même nature.

$$i = \frac{\lambda_1 D}{a}$$

Calcul de i :

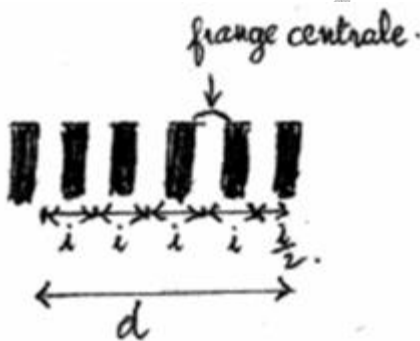
$$\left. \begin{aligned} \lambda_1 &= 0,52 \mu\text{m} = 0,52 \cdot 10^{-6} \text{ m} \\ D &= 150 \text{ cm} = 1,5 \text{ m} \\ a &= F_1 F_2 = 2 \text{ mm} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ m} \end{aligned} \right\}$$

$$i = \frac{0,52 \cdot 10^{-6} \cdot 1,5}{2 \cdot 10^{-3}} \text{ m}$$

$$\boxed{\begin{aligned} i &= 0,39 \cdot 10^{-3} \text{ m} \\ &= 0,39 \text{ mm} \end{aligned}}$$

3) La frange centrale brillante est d'ordre zéro

Distance séparant la 3^{ème} frange brillante à gauche de la frange centrale et la 2^{ème} frange noire à droite de cette frange centrale : d



$$\Rightarrow d = 4i + \frac{i}{2} = 4,5i$$

$$\boxed{d = 4,5i = 4,5 \cdot 0,39 \text{ mm} = 1,755 \text{ mm}}$$

4) La fente source F émet maintenant une radiation monochromatique de longueur d'onde

$\lambda_2 = 0,65 \mu\text{m}$ Calculons D' pour que $i' = i = 0,39 \cdot 10^{-3} \text{ m}$

$$i' = \frac{\lambda_2 D'}{a} \Rightarrow D' = \frac{i' a}{\lambda_2} = \frac{0,39 \cdot 10^{-3} \cdot 2 \cdot 10^{-3}}{0,65 \cdot 10^{-6}} = 1,2 \text{ m}$$

d = Distance entre la fente - source F et le plan contenant F_1 et $F_2 = 50 \text{ cm}$

\Rightarrow Distance entre fente - source et écran (E) = $d + D'$

$$\boxed{d + D' = 0,5 \text{ m} + 1,2 \text{ m} = 1,7 \text{ m}}$$

5) Distance entre la frange centrale et la 1^{ère} coïncidence des franges brillantes des 2 systèmes de franges obtenus : x_p

$$k_2 = \frac{\lambda_1}{\lambda_2 - \lambda_1} = \frac{0,52}{0,65 - 0,52} = 4$$

$$x_p = k_2 \cdot i = 4 \cdot 0,39 \text{ mm} = 1,56 \text{ mm}$$

Exercice 2

1) a) Phénomène physique obtenu à la surface libre du liquide :

On observe des rides fixes en forme d'hyperboles dont les foyers sont O_1 et O_2 , on les appelle franges d'interférence : C'est donc le phénomène d'interférence mécanique.

b) Calcul de la fréquence des mouvements vibratoires.

$$N = \frac{\omega \leftarrow \text{rad} \cdot \text{s}^{-2}}{2\pi \leftarrow \text{rad}}$$

↑

Hz

$$y_{O_1}(t) = y_{O_2}(t) = 2 \cdot 10^{-3} \sin(120\pi t)$$

$$\omega = 120\pi \Rightarrow$$

$$N = \frac{120\pi}{2\pi} = 60 \text{ Hz}$$

2) Calcul de la longueur d'onde λ

$$\lambda = v \cdot T = \frac{v}{N}$$

v : célérité de propagation des ondes

$$T: \text{période} ; T = \frac{1}{N} = \frac{1}{60} \text{ s}$$

$$\lambda = \frac{0,36 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}}{60 \text{ Hz}} = 6 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 6 \text{ mm}$$

3) a) Equation horaire du mouvement d'un point M situé à la distance d_1 de O_1 et à la distance d_2 de O_2
 $d_1 = O_1M$ et $d_2 = O_2M$

$$y_M = y_{M_{O_1}} + y_{M_{O_2}}$$

$$y_M(t) = a \sin\left(\omega t + \varphi - \frac{2\pi d_1}{\lambda}\right) + a \sin\left(\omega t + \varphi - \frac{2\pi d_2}{\lambda}\right)$$

$$= a \left[\sin\left(\omega t + \varphi - \frac{2\pi d_1}{\lambda}\right) + \sin\left(\omega t + \varphi - \frac{2\pi d_2}{\lambda}\right) \right]$$

$$y_M(t) = 2a \cos \frac{\pi}{\lambda} (d_1 - d_2) \sin\left(\omega t + \varphi - \frac{\pi}{\lambda} (d_1 + d_2)\right)$$

$$\text{Or } y_{O_1}(t) = y_{O_2}(t) = 2 \cdot 10^{-3} \sin(120\pi t)$$

$$\Rightarrow a = 2 \cdot 10^{-3} \text{ m} \quad \text{et} \quad \omega t = 120\pi t \quad \text{et} \quad \varphi = 0$$

$$\Rightarrow y_M(t) = 4 \cdot 10^{-3} \cos \frac{\pi}{\lambda} (d_2 - d_1) \sin\left(120\pi t - \frac{\pi}{\lambda} (d_1 + d_2)\right)$$

$$\lambda = 6 \text{ mm} \Rightarrow$$

$$y_M(t) = 4 \cdot 10^{-3} \cos \frac{\pi}{6} (d_2 - d_1) \sin (120\pi t - \frac{\pi}{6} (d_1 + d_2))$$

b) L'amplitude des mouvements est :

$$A = 2a \cos \frac{\pi}{\lambda} (d_2 - d_1) = 4 \cdot 10^{-3} \cos \frac{\pi}{6} (d_2 - d_1)$$

Pour le point P : $O_1P = d_1 = 6 \text{ mm}$ et $O_2P = d_2 = 9 \text{ mm}$

$$A = 4 \cdot 10^{-3} \cos \frac{\pi}{6} (9 - 6) = 4 \cdot 10^{-3} \cos \left(\frac{\pi}{6} \cdot 3 \right) = 4 \cdot 10^{-3} \cos \frac{\pi}{2} = 0$$

Pour le point Q : $O_1Q = d_1 = 5 \text{ mm}$ et $O_2Q = d_2 = 11 \text{ mm}$

$$A = 4 \cdot 10^{-3} \cos \frac{\pi}{6} (11 - 5) = 4 \cdot 10^{-3} \cos \left(\frac{\pi}{6} \cdot 6 \right) = 4 \cdot 10^{-3} \cos \pi = -4 \cdot 10^{-3} \text{ m}$$

Etats vibratoires de P et Q

Pour P $A = 0 \Rightarrow P$ est un point immobile

Pour Q : $A = -4 \cdot 10^{-3} \text{ m} = -2a \Rightarrow Q$ est un point nœud

4) $O_1O_2 = 14 \text{ mm}$; $\lambda = 6 \text{ mm}$

$$O_1O_2 < (2k+1) \frac{\lambda}{2} < O_1O_2$$

$$\frac{2O_1O_2}{\lambda} - 1 < 2k < \frac{2O_1O_2}{\lambda} - 1$$

$$\frac{O_1O_2}{\lambda} - \frac{1}{2} < k < \frac{O_1O_2}{\lambda} - \frac{1}{2}$$

$$\frac{14}{6} - \frac{1}{2} < k < \frac{14}{6} - \frac{1}{2} \Leftrightarrow -8,5 < k < 5,5$$

$$\Rightarrow k = \{-8, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5\}$$

Il y a 14 points immobiles sur le segment $[O_1O_2]$

Position de ces points immobiles :

$$d_2 - d_1 = (2k+1) \frac{\lambda}{2}$$

$$d_2 + d_1 = O_1O_2$$

$$2d_2 = (2k+1) \frac{\lambda}{2} + O_1O_2 \Rightarrow d_2 = (2k+1) \frac{\lambda}{4} + \frac{O_1O_2}{2}$$

$$\text{et } d_1 = \frac{O_1O_2}{2} - (2k+1) \frac{\lambda}{4}$$

k	-8	-7	-6	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5
D_2 mm	-15,5	-12,5	-9,5	-6,5	-3,5	-0,5	2,5	5,5	8,5	11,5	14,5	17,5	20,5	23,5

Exercice 3

1) Energie d'extraction W_0 : C'est l'énergie nécessaire pour expulser un électron d'un métal.

2) a-Calcul de l'énergie transportée par un photon incident

$$W = h\nu = h \frac{c}{\lambda} = (6,62 \cdot 10^{-34}) \cdot \frac{3 \cdot 10^8}{0,6 \cdot 10^{-6}} \text{ J}$$

$$W = 3,31 \cdot 10^{-19} \text{ J} = 2,07 \text{ eV}$$

Il y a effet photoélectrique si et seulement si

$$W > W_0 \quad W_0 = \text{énergie d'extraction}$$

Donc ici $W = 2,07 \text{ eV} > W_0$ du césium (C_s)

⇒ Il y a photoélectrique uniquement avec le métal césium.

c-Calcul de l'énergie cinétique maximale d'un électron à la sortie de la cathode.

$$W = W_0 + E_c \Rightarrow E_c = W - W_0$$

$$E_c = 2,07 \text{ eV} - 1,9 \text{ eV} = 0,17 \text{ eV} = 0,272 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

3) Calcul de la tension qu'il faut appliquer entre l'anode et la cathode pour empêcher un électron d'arriver à l'anode = Potentiel d'arrêt :

$$U_0 = \frac{-E_c}{|e|} = \frac{-0,2 + 2 \cdot 10^{-19} \text{ J}}{-1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}} = -0,17 \text{ Volt}$$

$$U_0 = -0,17 \text{ Volt}$$

4) Calcul de la vitesse maximale d'un électron à la sortie de la cathode : v_c

$$E_c = \frac{1}{2} m v_c^2 \Rightarrow v_c = \sqrt{\frac{2E_c}{m}}$$

$$v_c = \sqrt{\frac{2 \cdot 0,272 \cdot 10^{-19}}{9 \cdot 10^{-31}}} = \sqrt{0,0604 \cdot 10^{12}} \text{ m s}^{-1}$$

$$v_c = \sqrt{0,0604 \cdot 10^2} = 24,57 \cdot 10^4 \text{ m s}^{-1}$$