

CHAPITRE 1 : MECANIQUE

CORRIGE DE L'EXERCICE 3

La myriade de satellites GPS est placée sur une orbite en étant animé d'un mouvement circulaire uniforme à une altitude de $h=1,38 \times 10^4$ km.

1. Le référentiel considéré comme galiléen auquel le mouvement d'un satellite GPS est décrit, est un référentiel terrestre.

2. Calcul de la vitesse de ce type de satellite est :

En utilisant la deuxième loi de Newton, $\vec{F} = M_T \vec{a}$

En faisant la projection sur l'axe suivant la normale, on a :

$$\frac{G \cdot M_S \cdot M_T}{(R_T + h)^2} = M_S \times a_n \text{ or } a_n = \frac{v^2}{R_T + h}$$

$$\frac{G \cdot M_S \cdot M_T}{(R_T + h)^2} = M_S \times \frac{v^2}{R_T + h} \Rightarrow v^2 = \frac{G \cdot M_T}{R_T + h}$$

Donc finalement, $v = \sqrt{\frac{G \cdot M_T}{R_T + h}}$

3. a) La période de révolution du satellite est :

$$\text{On sait que } T = \frac{2\pi}{\omega}$$

Nous allons chercher l'expression de ω .

$$v = (R_T + h)\omega \Rightarrow \omega = \frac{v}{R_T + h} = \frac{G \cdot M_T}{(R_T + h)^3}$$

$$\text{d'où } T = 2\pi \sqrt{\frac{(R_T + h)^3}{G \cdot M_T}}$$

- b) La période de révolution est $T = 2,9 \cdot 10^4$ s.

- c) Le nombre de tour de la Terre réalisé des satellites par jour :

$$1 \text{ jour} = 24 \times 3600 = 8,64 \cdot 10^4 \text{ s}$$

$$\frac{8,64 \cdot 10^4}{2,9 \cdot 10^4} = 3 \text{ tours.}$$

Le nombre de tour de la Terre réalisé des satellites par jour est (03) tours.

